



2013 Fall Semester SMP



Day 5 – Search & Sort

Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search

1	2	3	5	7	8	10	11
---	---	---	---	---	---	----	----



Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search
- ▶ Search (5)

1	2	3	5	7	8	10	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----



Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search
- ▶ Search (2)

1	2	3	5	7	8	10	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----



Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search
- ▶ Search (2)

1	2	3	5	7	8	10	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----



Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search
- ▶ Search (2)

1	2	3	5	7	8	10	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----



Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search
- ▶ Search (2)

1	2	3	5	7	8	10	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----



Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search
- ▶ Search (2)

1	2	3	5	7	8	10	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----



Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search
- ▶ Search (2) (!!)

1	2	3	5	7	8	10	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----



Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search
- ▶ Search (4)

1	2	3	5	7	8	10	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----



Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search
- ▶ Search (4)

1	2	3	5	7	8	10	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----



Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search
- ▶ Search (4)

1	2	3	5	7	8	10	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----



Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search
- ▶ Search (4)

1	2	3	5	7	8	10	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----



Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search
- ▶ Search (4)

1	2	3	5	7	8	10	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----



Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search
- ▶ Search (4)

1	2	3	5	7	8	10	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----



Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search
- ▶ Search (4)

1	2	3	5	7	8	10	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----



Search

- ▶ 원하는 값을 찾는다
 - ▶ $O(N)$
- ▶ Data가 정렬되어 있다면?
 - ▶ $O(\log N)$ 만에 가능!
 - Binary Search
- ▶ Search (4) (??)

1	2	3	5	7	8	10	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----



Merge Sort

- ▶ Divide & Conquer의 가장 기본적인 형태
 - ▶ 일단 나누고, 각각에 대해서 작업을 수행한 다음
 - ▶ 하나로 합친다!
- ▶ 매우 중요함
 - ▶ Divide & Conquer의 대표적 모델로써 중요하고
 - ▶ $O(n \log n)$ 의 효율적인 정렬 알고리즘이라 중요하다
 - ▶ 응용이 될 가능성이 매우 큼



Merge Sort

- ▶ Merge Sort의 절차
 - ▶ 1. 일단 두 부분으로 나눈다
 - ▶ 2. 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다.
 - ▶ 3. 두 부분을 합친다



Merge Sort

1	4	3	2	4	7	1	2
---	---	---	---	---	---	---	---



Merge Sort

▶ 1. 일단 나눈다

1	4	3	2	4	7	1	2
---	---	---	---	---	---	---	---



Merge Sort

▶ 1. 일단 나눈다

1	4	3	2
---	---	---	---

4	7	1	2
---	---	---	---



Merge Sort

- ▶ 2. 어떻게든 둘을 정렬한다

1	4	3	2
---	---	---	---

4	7	1	2
---	---	---	---



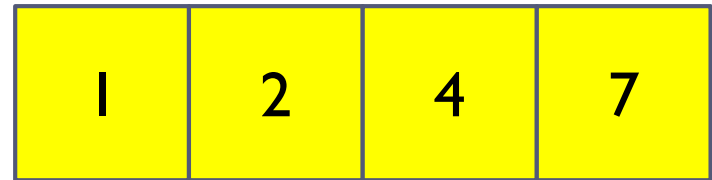
Merge Sort

- ▶ 2. 어떻게든 둘을 정렬한다



Merge Sort

- ▶ 3. 다시 하나로 합친다



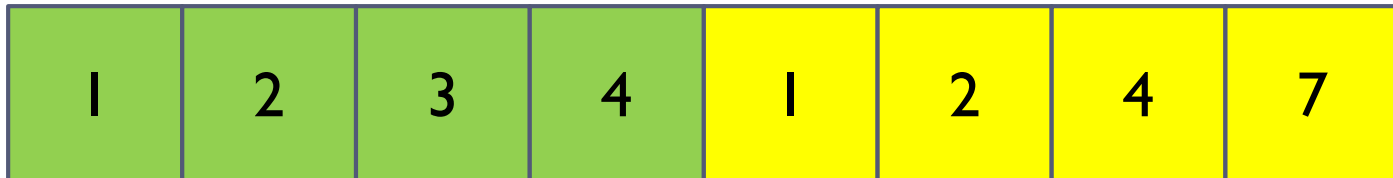
Merge Sort

- ▶ 3. 다시 하나로 합친다



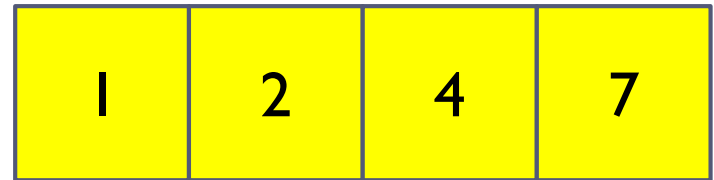
Merge Sort

- ▶ 3. 다시 하나로 합친다 ?????



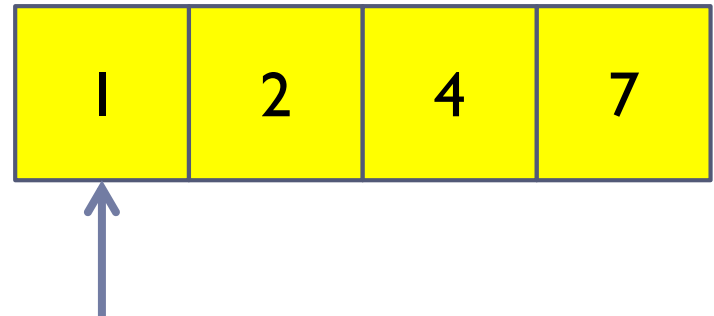
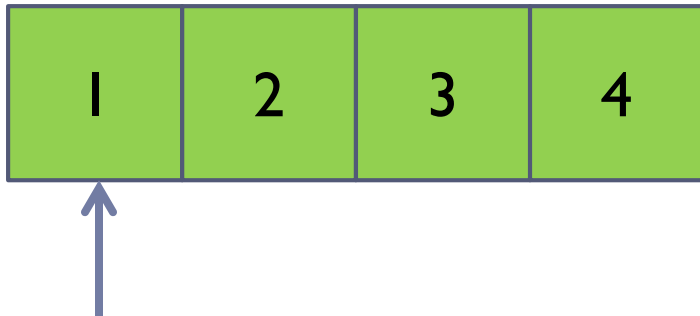
Merge Sort

- ▶ 3. 다시 하나로 합친다



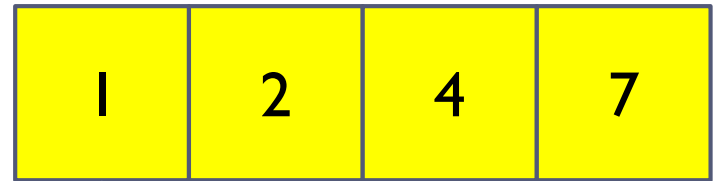
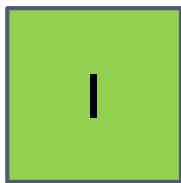
Merge Sort

- ▶ 3. 다시 하나로 합친다



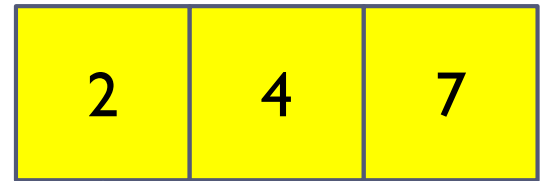
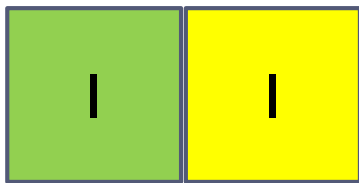
Merge Sort

- ▶ 3. 다시 하나로 합친다



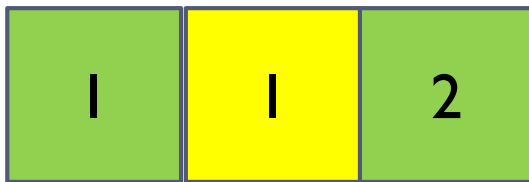
Merge Sort

- ▶ 3. 다시 하나로 합친다



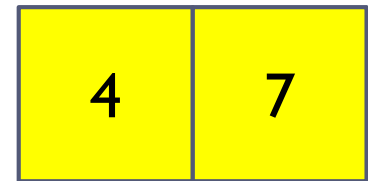
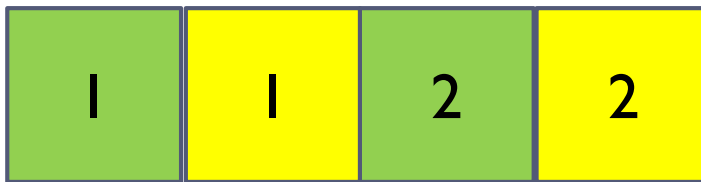
Merge Sort

- ▶ 3. 다시 하나로 합친다



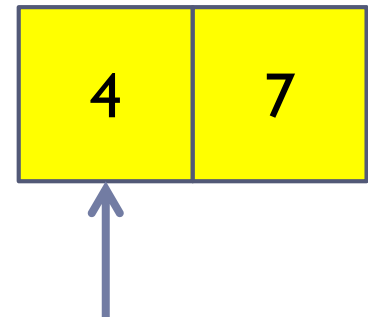
Merge Sort

- ▶ 3. 다시 하나로 합친다



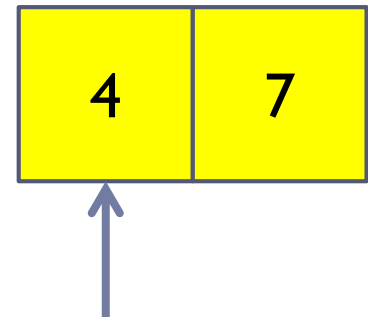
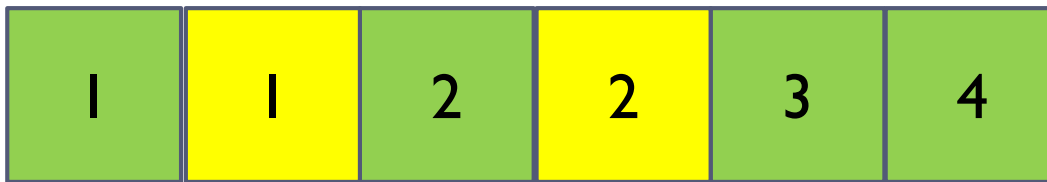
Merge Sort

- ▶ 3. 다시 하나로 합친다



Merge Sort

- ▶ 3. 다시 하나로 합친다



Merge Sort

- ▶ 3. 다시 하나로 합친다



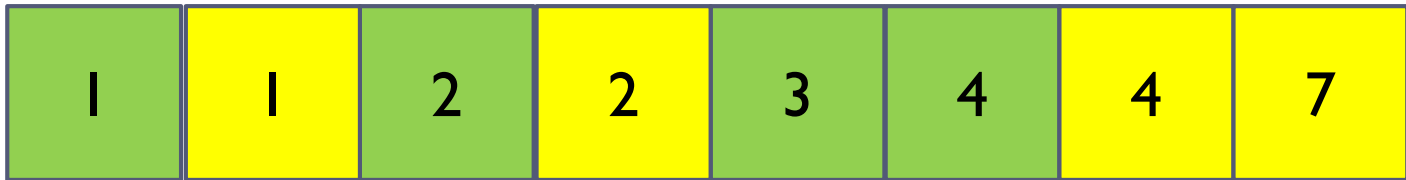
Merge Sort

- ▶ 3. 다시 하나로 합친다



Merge Sort

- ▶ 3. 다시 하나로 합친다 (!!!)



Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!

1	4	3	2	4	7	1	2
---	---	---	---	---	---	---	---



Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!

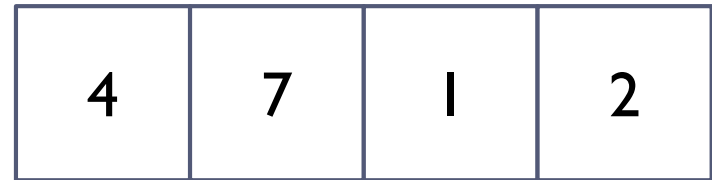
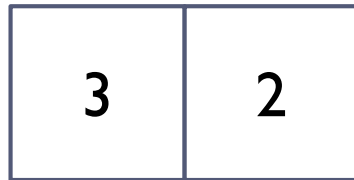
1	4	3	2
---	---	---	---

4	7	1	2
---	---	---	---



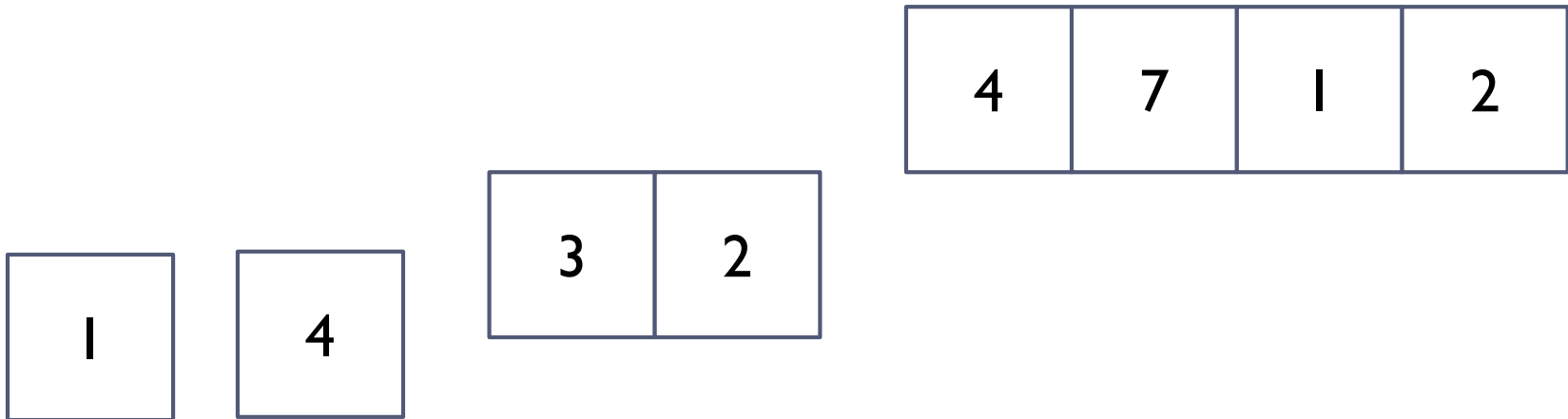
Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!



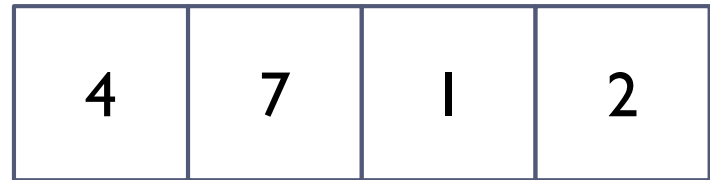
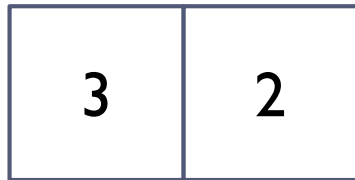
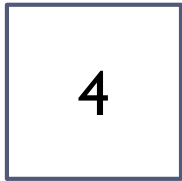
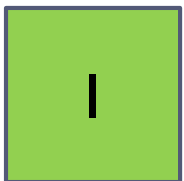
Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!



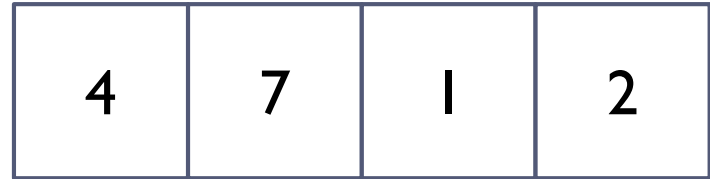
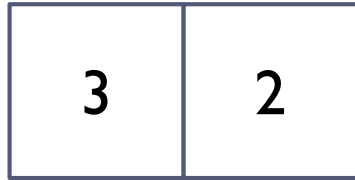
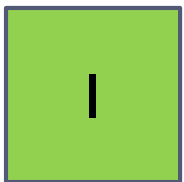
Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!



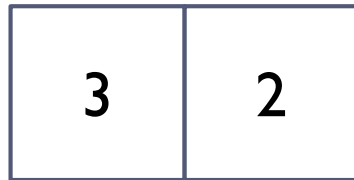
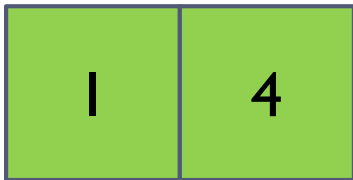
Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!



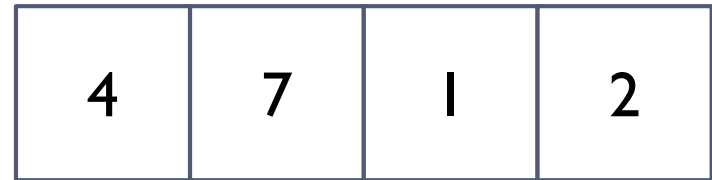
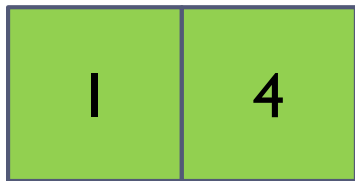
Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!



Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!



Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!



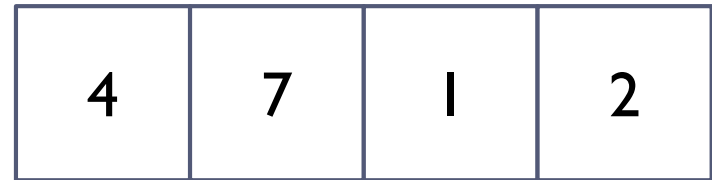
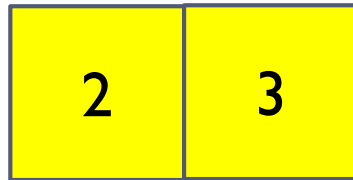
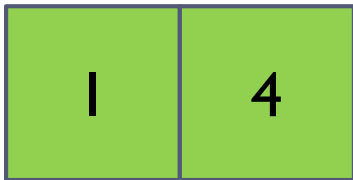
Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!



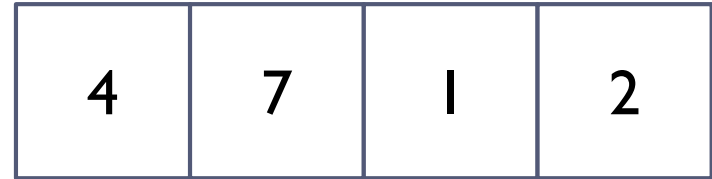
Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!



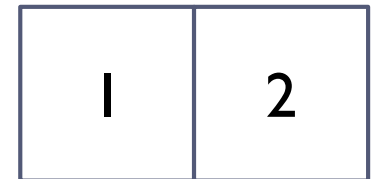
Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!



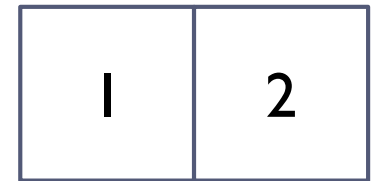
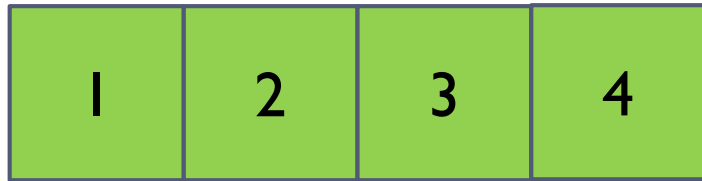
Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!



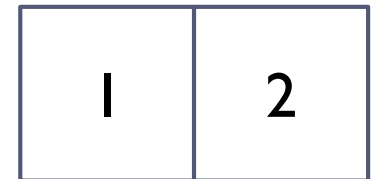
Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
→ 또 다시 Merge Sort로 정렬!



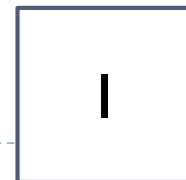
Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
→ 또 다시 Merge Sort로 정렬!



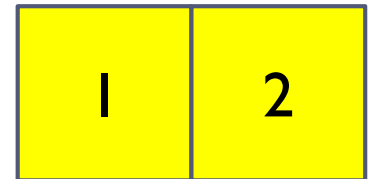
Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!



Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!



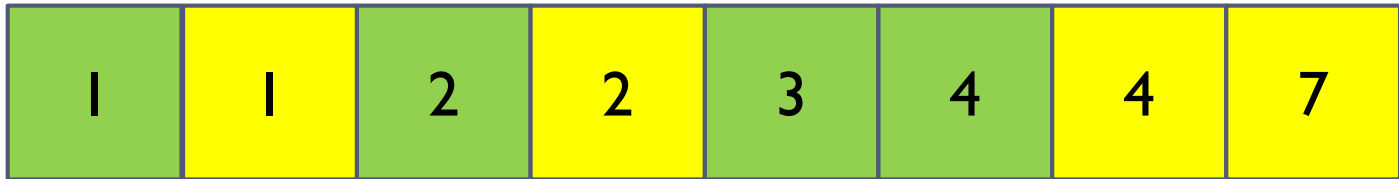
Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!



Merge Sort

- ▶ 각각의 부분을 어떻게든 정렬한다??
 - 또 다시 Merge Sort로 정렬!



Merge Sort

- ▶ **Analysis**

- ▶ 합치는 데에 걸리는 시간 $\rightarrow O(N+M)$
- ▶ 따라서, 합치는 모든 연산 횟수를 더해보면 $O(N \log N)$

- ▶ 전형적인 **Divide & Conquer**



Quick Sort

- ▶ 역시 Divide & Conquer

- ▶ 하지만 Merge Sort와 같이 전형적인 D&C는 아님
- ▶ 역시 엄청난 아이디어!

- ▶ 매우 중요함!!

- ▶ 정렬 중에서 가장 빠르다고 알려져 있음
- ▶ 하지만 역시 Case by Case. 최악의 경우 $O(n^2)$
- ▶ 기본적으로 $O(n \log n)$ sort 하면 quick sort 정도는 알고있어야...



Quick Sort

1	4	3	2	4	7	1	2
---	---	---	---	---	---	---	---



Quick Sort

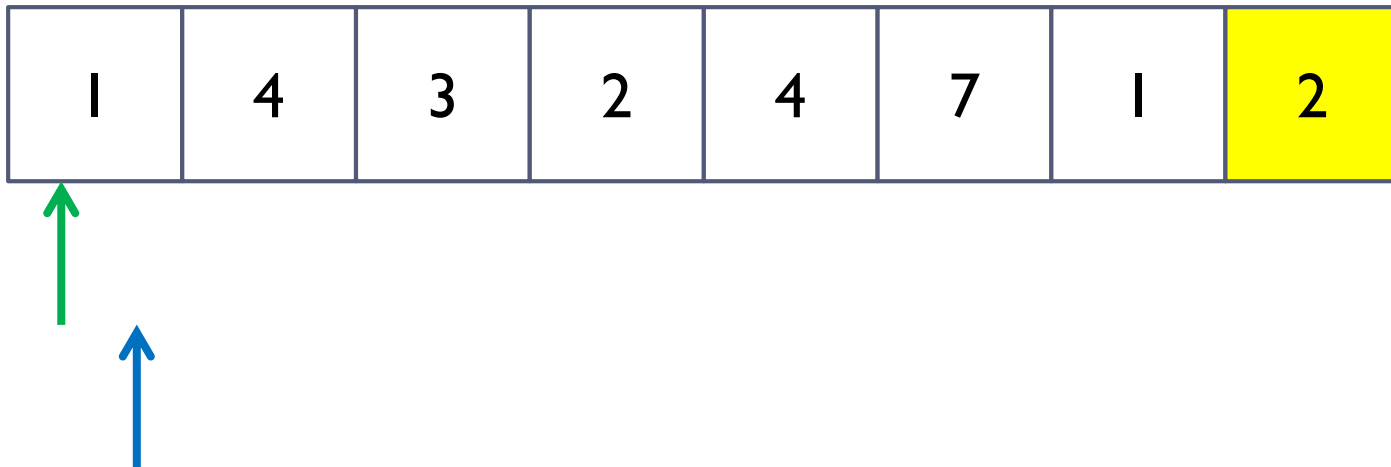
- ▶ I. Pivot을 정한다

1	4	3	2	4	7	1	2
---	---	---	---	---	---	---	---



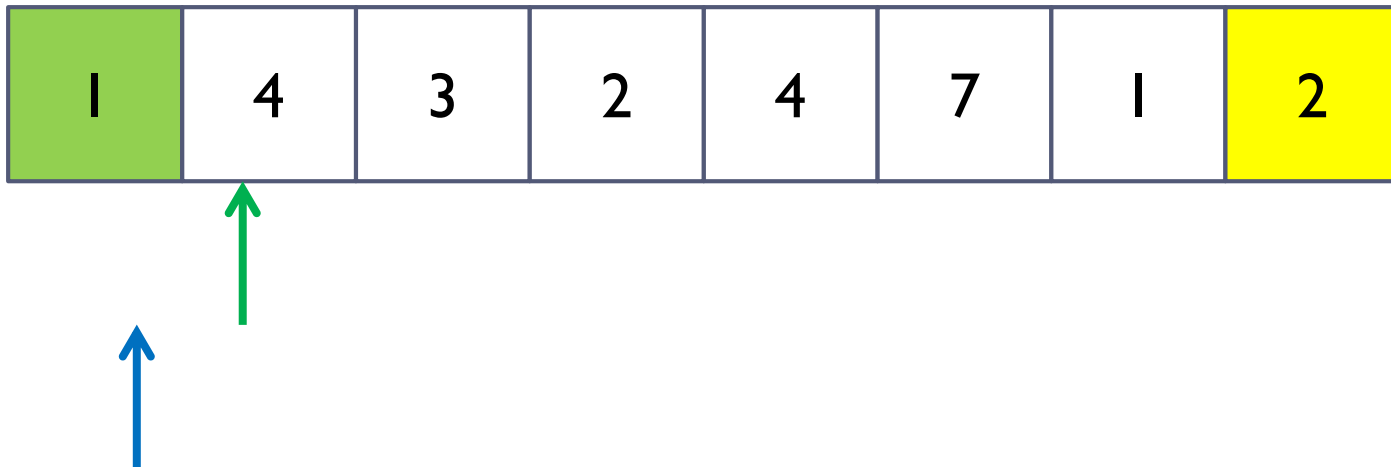
Quick Sort

- ▶ 2. Pointer 2개를 만든다. (p, q)
 - ▶ P : l ~ p-1 까지는 모두 pivot보다 작음
 - ▶ Q : Data[q]가 pivot보다 작음



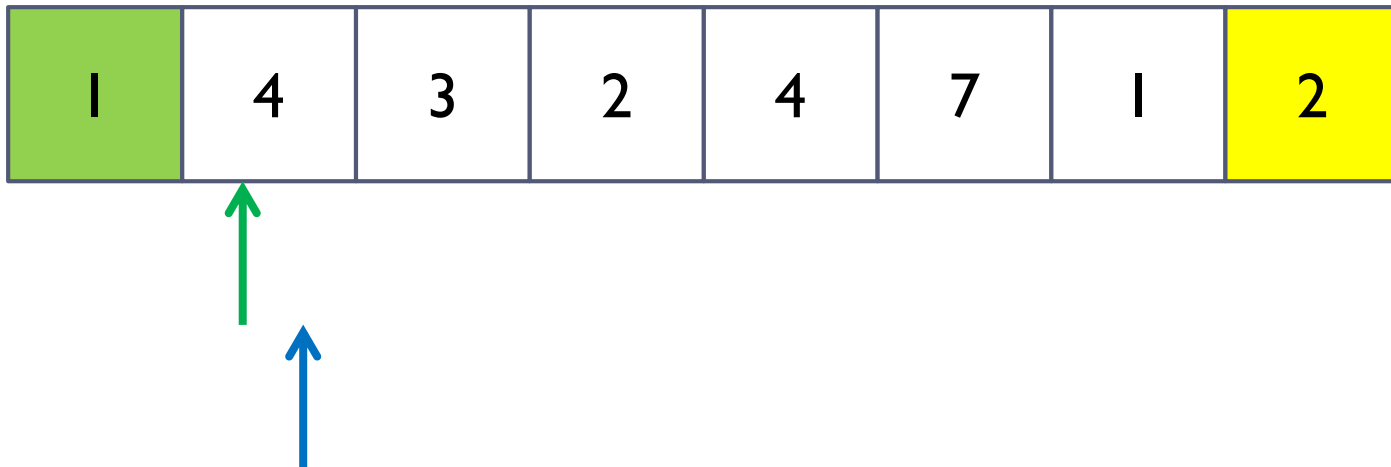
Quick Sort

- ▶ 2. Pointer 2개를 만든다. (p, q)
 - ▶ P : l ~ p-1 까지는 모두 pivot보다 작음
 - ▶ Q : Data[q]가 pivot보다 작음



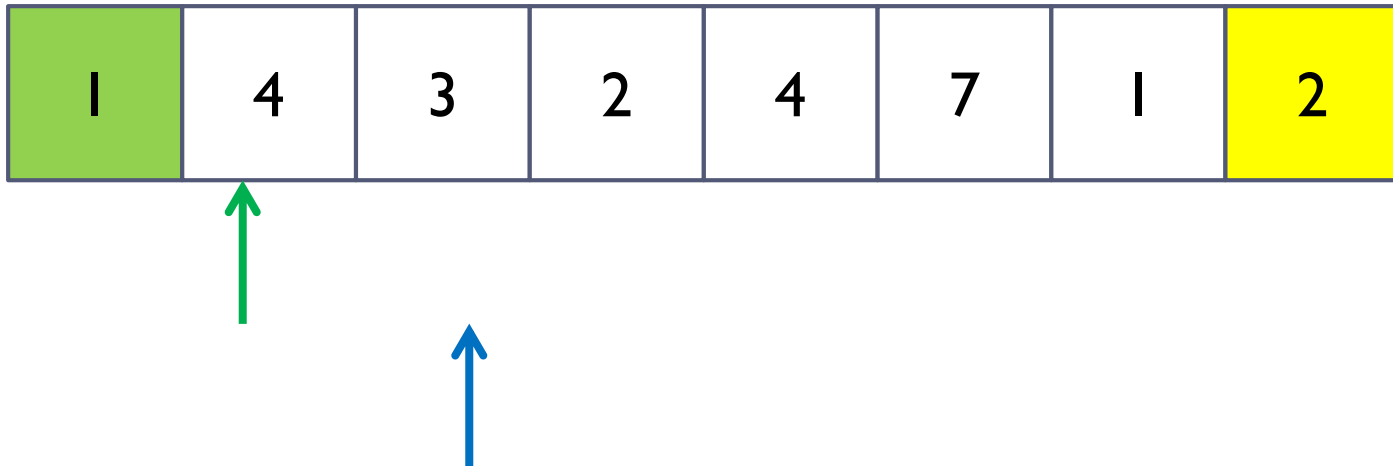
Quick Sort

- ▶ 2. Pointer 2개를 만든다. (p, q)
 - ▶ P : l ~ p-1까지는 모두 pivot보다 작음
 - ▶ Q : Data[q]가 pivot보다 작음



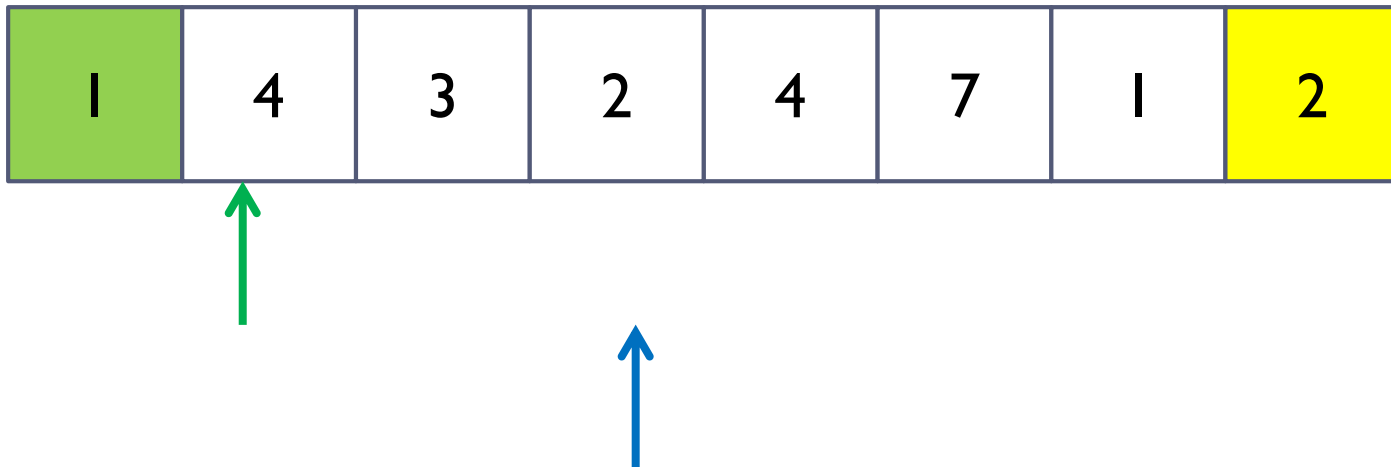
Quick Sort

- ▶ 2. Pointer 2개를 만든다. (p, q)
 - ▶ P : l ~ p-1 까지는 모두 pivot보다 작음
 - ▶ Q : Data[q]가 pivot보다 작음



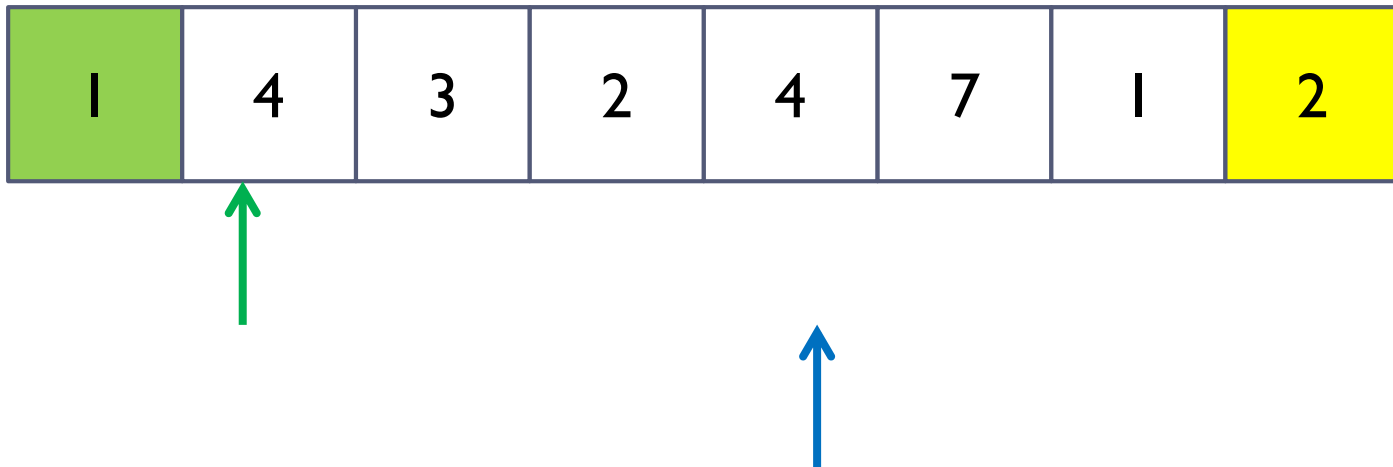
Quick Sort

- ▶ 2. Pointer 2개를 만든다. (p, q)
 - ▶ P : l ~ p-1까지는 모두 pivot보다 작음
 - ▶ Q : Data[q]가 pivot보다 작음



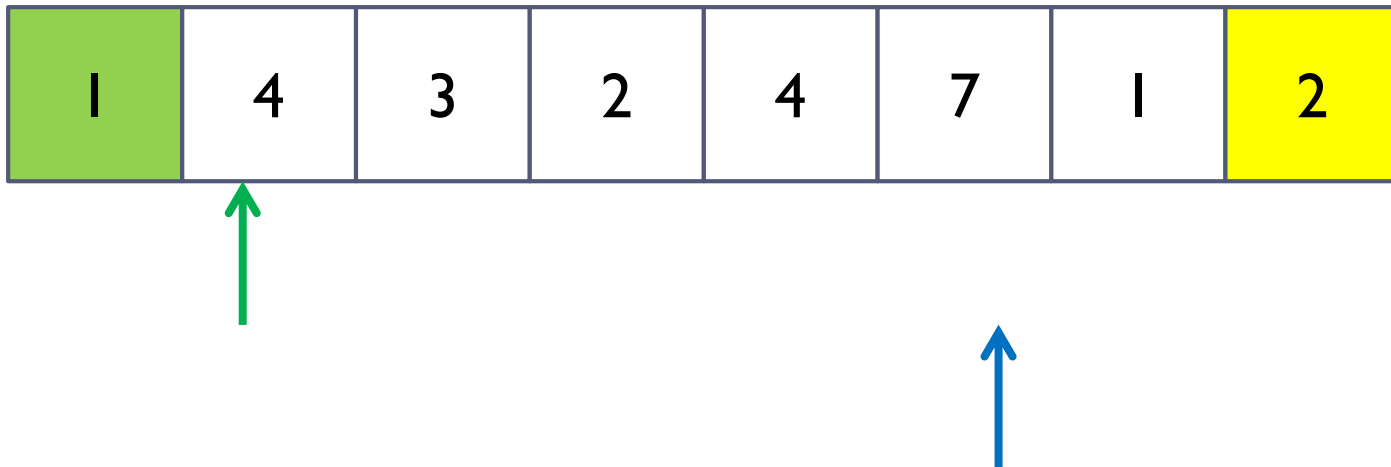
Quick Sort

- ▶ 2. Pointer 2개를 만든다. (p, q)
 - ▶ P : l ~ p-1 까지는 모두 pivot보다 작음
 - ▶ Q : Data[q]가 pivot보다 작음



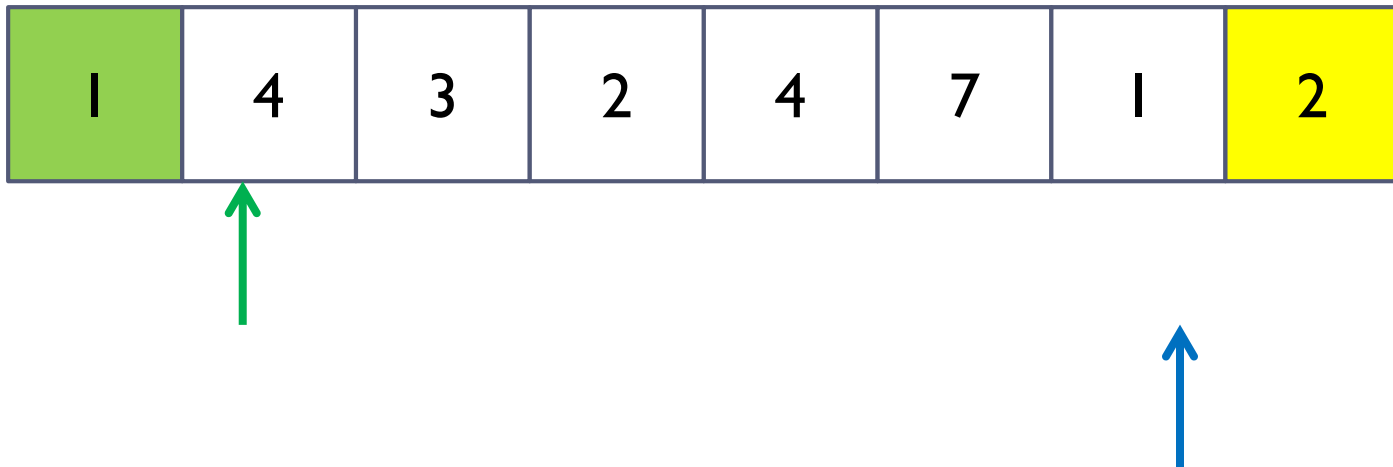
Quick Sort

- ▶ 2. Pointer 2개를 만든다. (p, q)
 - ▶ P : l ~ p-1 까지는 모두 pivot보다 작음
 - ▶ Q : Data[q]가 pivot보다 작음



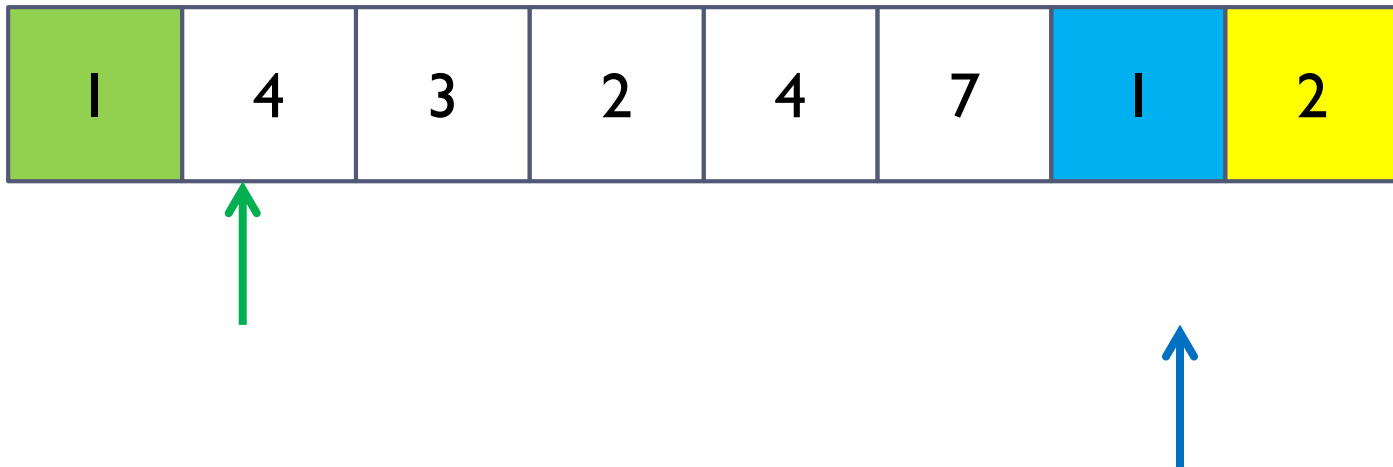
Quick Sort

- ▶ 2. Pointer 2개를 만든다. (p, q)
 - ▶ P : l ~ p-1 까지는 모두 pivot보다 작음
 - ▶ Q : Data[q]가 pivot보다 작음



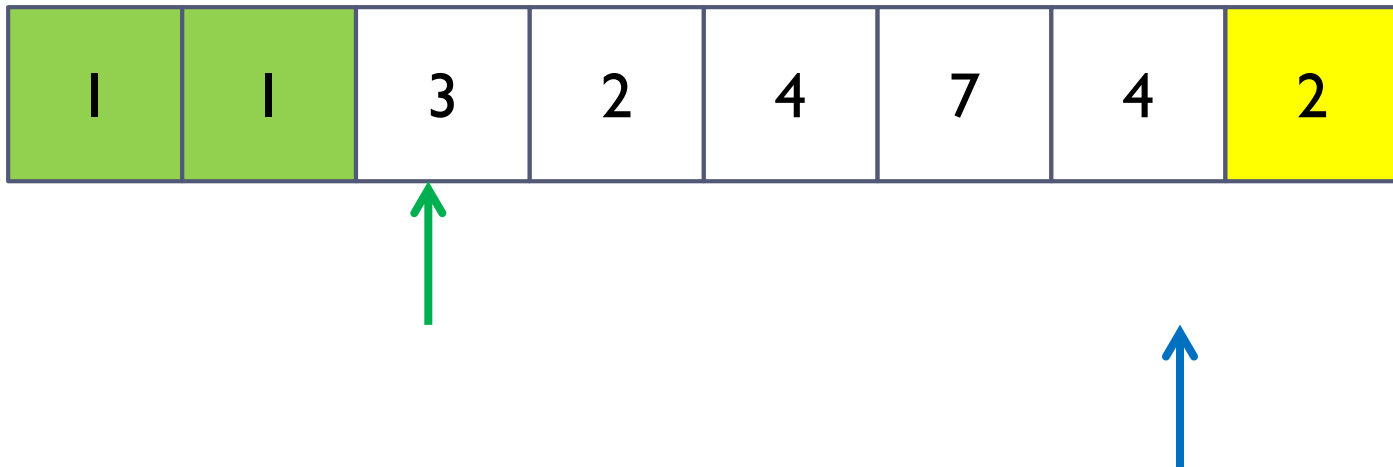
Quick Sort

- ▶ 2. Pointer 2개를 만든다. (p, q)
 - ▶ P : l ~ p-1까지는 모두 pivot보다 작음
 - ▶ Q : Data[q]가 pivot보다 작음



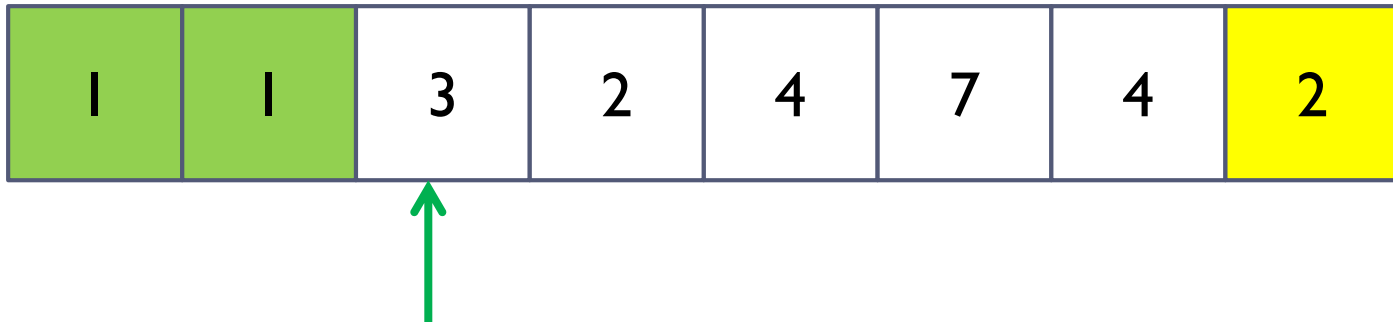
Quick Sort

- ▶ 2. Pointer 2개를 만든다. (p, q)
 - ▶ P : l ~ p-1까지는 모두 pivot보다 작음
 - ▶ Q : Data[q]가 pivot보다 작음



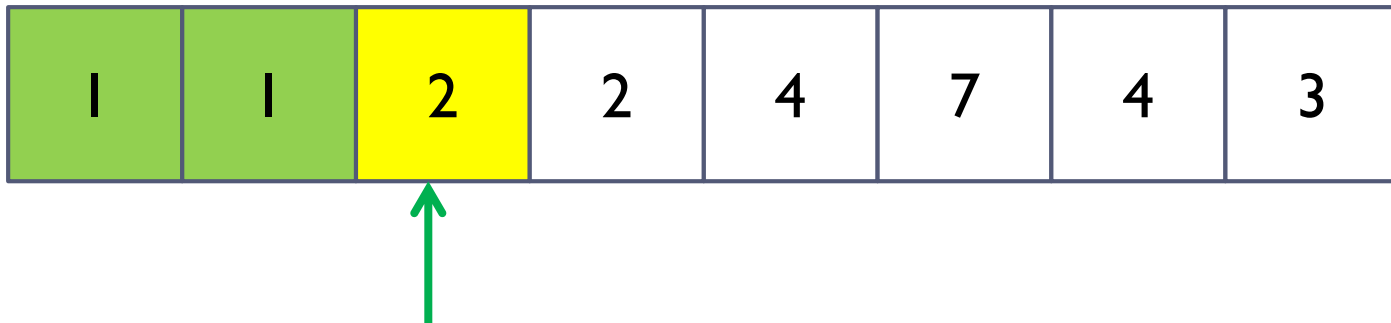
Quick Sort

- ▶ 2. Pointer 2개를 만든다. (p, q)
 - ▶ P : l ~ p-1 까지는 모두 pivot보다 작음
 - ▶ Q : Data[q]가 pivot보다 작음



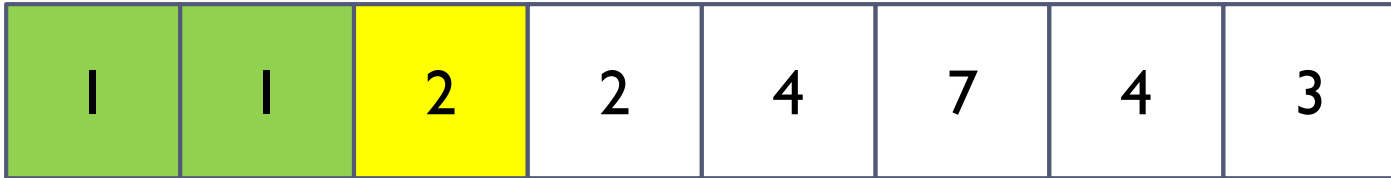
Quick Sort

- ▶ 2. Pointer 2개를 만든다. (p, q)
 - ▶ P : l ~ p-1 까지는 모두 pivot보다 작음
 - ▶ Q : Data[q]가 pivot보다 작음



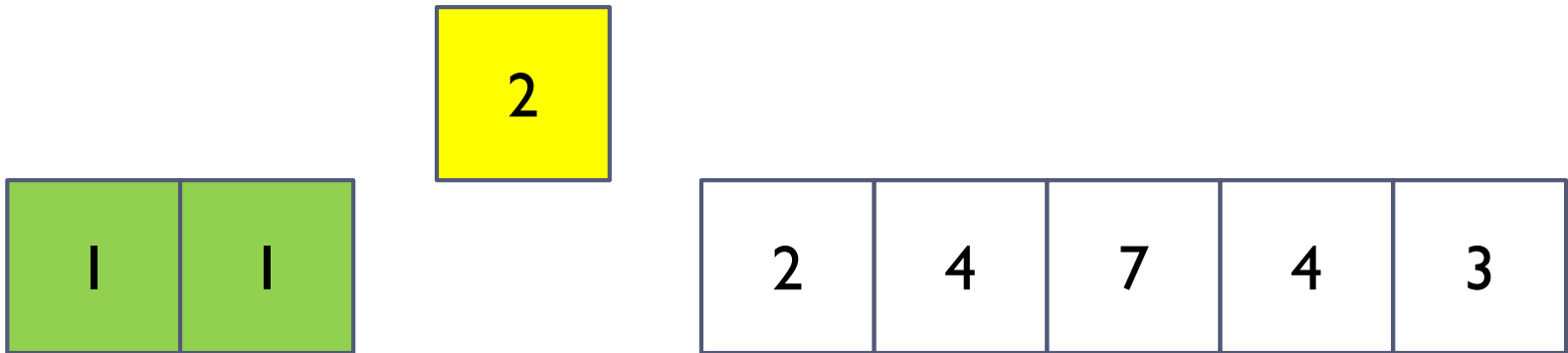
Quick Sort

- ▶ 3. 두 부분을 나눈다



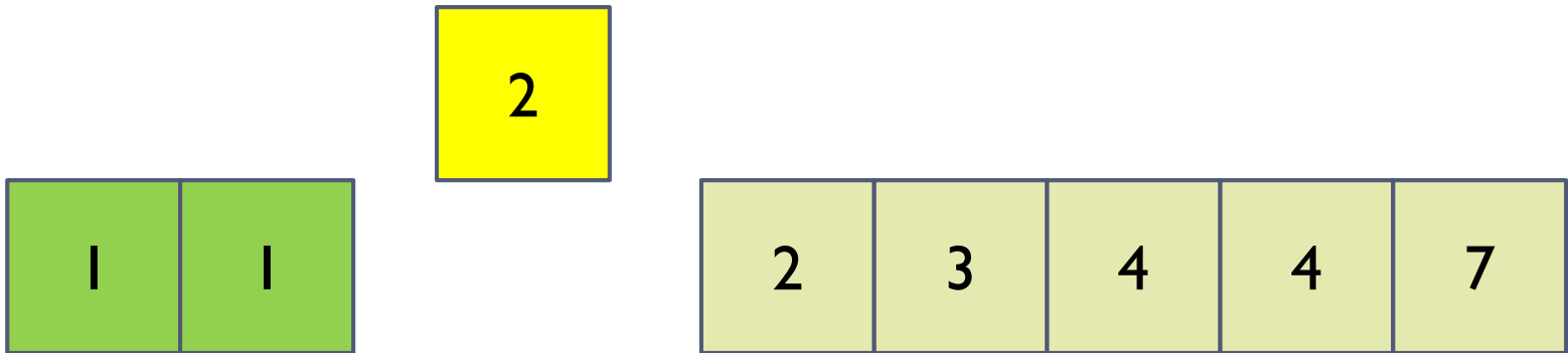
Quick Sort

- ▶ 3. 두 부분을 나눈다



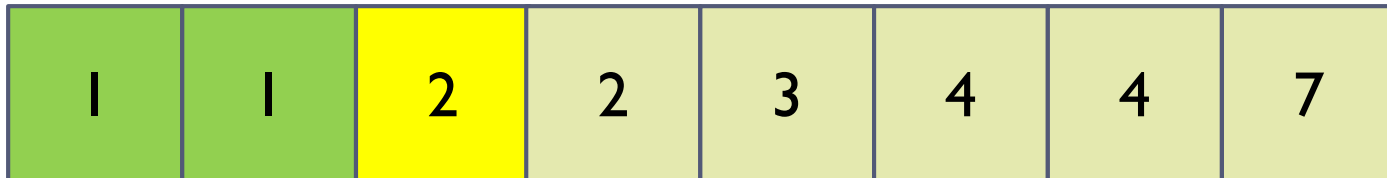
Quick Sort

- ▶ 3. 각 부분을 어떻게든 sort한다



Quick Sort

▶ 4. 합친다



Quick Sort

▶ Analysis

- ▶ Pivot을 정하고 그 위치를 정확히 정하는데 $O(N)$
- ▶ 계속해서 반 썩 나누는 것을 관찰하면 $O(N \log N)$

▶ But... 최악의 경우에는?

- ▶ 반 썩 나누어지는 것이 아니라 아예 나누어지지 않을 경우
- ▶ $O(N^2)$
- ▶ 이를 막기 위한 여러 가지 방법이 있습니다.

